

### 1. Machins de Turing

Soit  $\Sigma = \{a, b, c\}$ . Définissez une machine de Turing  $T$  pour chacun des langages suivants.

1.  $L = \{w \in \Sigma^* \mid \text{Pal}(w)\}$
2.  $L' = \{a^n b^n c^n \mid n \in \mathbb{N}^*\}$

### 2. Décompilation d'une machine de Turing

Soit  $T = (\{q_0, q_1, q_2, q_f\}, \{a, b\}, \{a, b, B\}, \delta, q_0, B, \{q_f\})$  une machine de Turing. Décrivez informellement le langage  $L(T)$  reconnu par la machine lorsque  $\delta$  est défini par :

1.  $\delta(q_0, a) = (q_1, b, 1), \delta(q_1, b) = (q_0, a, 1), \delta(q_1, B) = (q_f, B, 0).$
2.  $\delta(q_0, a) = (q_1, b, 1), \delta(q_1, b) = (q_2, a, -1), \delta(q_2, b) = (q_0, b, 1), \delta(q_1, B) = (q_f, B, 0).$

### 3. Succession

Soit  $\Sigma = \{0, 1\}$ .

Soit  $\text{succ} : \Sigma^* \rightarrow \Sigma^*$  qui à un mot  $w$  associe le mot  $w'$  tel que si  $w$  est une représentation en binaire (poids fort à gauche) de l'entier  $n \in \mathbb{N}$ , alors  $w'$  est une représentation en binaire de l'entier  $n + 1$ .

Donner une machine de Turing qui calcule  $\text{succ}$ .